

**EXERCICE 1** (06points)

On considère le polynôme  $P$  défini par :  $P(x) = 2x^3 + 5x^2 - 14x - 8$ .

- 1) Vérifier que 2 est une racine de  $P$ . (1.5pt)
- 2) Résoudre dans  $\mathbb{R}$  l'équation  $P(x) = 0$  (1.5pt)
- 3) Résoudre dans  $\mathbb{R}$  l'inéquation  $P(x) \geq 0$  (1.5pt)
- 4) Résoudre l'inéquation  $\frac{P(x)}{x^2-4} \leq 0$  (1.5pt)

**EXERCICE 2** (04points)

Soit la suite  $(U_n)_{n \in \mathbb{N}}$  définie par :

$$\begin{cases} U_0 = 9 \\ U_{n+1} = \frac{1}{3}U_n + 2 \end{cases}$$

- 1) Calculer  $U_1, U_2$  et  $U_3$ . (1.5pt)
- 2) Soit la suite  $(V_n)_{n \in \mathbb{N}}$  définie par :  $V_n = U_n - 3$ . Montrer que  $(V_n)_{n \in \mathbb{N}}$  est une suite géométrique dont on précisera la raison et le premier terme. (1.5pt)
- 3) Exprimer  $V_n$  en fonction de  $n$ , puis  $U_n$  en fonction de  $n$ . (1.pt)

**PROBLEME** (10pts)

Soit la fonction  $f$  définie par  $f(x) = \frac{x^2 - 5x + 15}{x - 2}$  et  $\mathcal{C}$  sa représentation graphique

- 4) Montrer que le domaine de définition de  $f$   $D_f = ]2; +\infty[$  (1pt)
- 5) Calculer les limites aux bornes de  $D_f$  (1.5pts)
- 6) Déterminer les réels  $a, b$  et  $c$  tels que  $f(x) = ax + b + \frac{c}{x-2}$  pour tout  $x$  de  $D_f$  (1pts)
- 7) En déduire que la droite d'équation  $(\Delta); y = x - 3$  est une asymptote oblique à  $\mathcal{C}$  (1pt)
- 8) Démontrer que le point  $A(2; -1)$  est un centre de symétrie à  $\mathcal{C}$  (1.5pt)
- 9)
  - a) Calculer la dérivée de  $f$  noté  $f'$  (0.5pts)
  - b) Dresser le tableau de variation de  $f$  (1pt)
  - c) Donner l'équation de la tangente à  $\mathcal{C}$  au point d'abscisse 1 (0.5pts)
  - d) Tracer la courbe  $\mathcal{C}$  et  $\Delta$  (0.5pts)
- 7)
  - a) Tracer la droite d'équation  $y = -7$  (0.5pts)
- 1)
  - b) En déduire la résolution graphique de l'inéquation  $\frac{x^2 - 5x + 15}{x - 2} < 7$  (1pt)

=====FIN=====